Индивидуальное домашнее задание №2 Тема «Векторная алгебра и аналитическая геометрия»

Вариант ИДЗ соответствует порядковому номеру в журнале группы. Найдите свой номер варианта и запишите значения параметров a, b, c, d, \dots Значения параметров подставьте в каждое задание. Сделайте задания с числовыми значениями.

ЧАСТЬ 1. Тема «Векторы»

І. Задано точки

$$A(m;c;-k-1), B(m;k^2+k+c;0), C(m+k+1;k+c;-k-1), D(2m;c;m-k-1).$$

Найти:

- 1) координаты векторов $\vec{a} = \overrightarrow{AB}, \vec{b} = \overrightarrow{AC}, c = \overrightarrow{AD};$
- **2**) скалярное произведение $\vec{a} \cdot \vec{b}$;
- **3**) векторное произведение $\vec{a} \times \vec{b}$;
- **4**) смешанное произведение $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$;
- **5**) косинус угла \overrightarrow{BAC} (угла между векторами \overrightarrow{AB} и \overrightarrow{AC});
- **6)** коллинеарны ли векторы \vec{a} и \vec{b} ?
- 7) компланарны ли векторы $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$?
- 8) площадь треугольника ABC;
- **9**) объем пирамиды ABCD.

ЧАСТЬ 2. Тема «Плоскость»

- **II.** Задано уравнение плоскости mx + ny + pz + b = 0. Необходимо:
- 1) найти координаты вектора нормали плоскости;
- 2) записать уравнение плоскости в отрезках;
- 3) построить плоскость.
 - **III.** Задано точки A(c;b;c), B(n+c;b;n+c), C(c;m+b;a+c). Записать:
- **1**) уравнение плоскости P_1 , которая проходит через точки A, B и C;
- **2**) уравнение плоскости P_2 , которая проходит через точку A перпендикулярно вектору $\vec{d} = (b; -c; k)$.

ЧАСТЬ 3. Тема «Прямая в пространстве»

IV. Прямая задана в общем виде
$$L: \begin{cases} ax + by + cz = a(b+c), \\ ax + (b-c)y + (b+c)z = ab \end{cases}$$
.

Преобразовать общее уравнение заданной прямой к каноническому виду.

V. Задано точки A(a-m,b,n) и B(a,b+c,n+m). Записать уравнение прямой L_3 , которая проходит через точки A и B.